



Formulário

CONSTANTES NUMÉRICAS

$$\begin{aligned} \mu_0 &= 1 \times 10^{-6} \text{ H/m}; \varepsilon_0 = (1/9) \times 10^{-10} \text{ F/m}; c = 3 \times 10^8 \text{ m/s}; h = 6 \times 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}; \\ h &= 3 \times 10^{-15} \text{ eV} \cdot \text{s}; \hbar = h/(2\pi); hc = 900 \text{ eV} \cdot \text{nm}; e = 2 \times 10^{-19} \text{ C}; 1 \text{ eV} = \\ &= 2 \times 10^{-19} \text{ J}; 1 \text{ J} = 5 \times 10^{18} \text{ eV}; m_p c^2 = 1000 \text{ MeV}; m_e c^2 = 0,5 \text{ MeV}; 1 \mu\text{m} = 10^{-6} \text{ m}; \\ &1 \text{ nm} = 10^{-9} \text{ m}; 1 \text{ \AA} = 10^{-10} \text{ m}; 1 \text{ pm} = 10^{-12} \text{ m}; 1 \text{ GeV} = 10^3 \text{ MeV} = 10^9 \text{ eV}; \\ &\lambda_c = 1,8 \text{ pm}; E_1 = \frac{-e^2}{8\pi\varepsilon_0 a_0} = -25 \text{ eV}; a_0 = \frac{h^2 \varepsilon_0}{\pi m_e e^2} = (9/\pi) \times 10^{-11} \text{ m}; \text{sen}(30^\circ) = 1/2; \\ &\text{sen}(45^\circ) = \sqrt{2}/2; \text{sen}(60^\circ) = \sqrt{3}/2 \end{aligned}$$

FORMULÁRIO GERAL

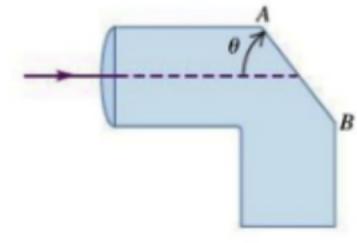
$$\begin{aligned} \text{div } \mathbf{E} &= \frac{\rho}{\varepsilon_0}; \text{rot } \mathbf{E} = -\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t}; \text{div } \mathbf{B} = 0; \text{rot } \mathbf{B} = \mu_0 \left(\mathbf{J} + \varepsilon_0 \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} \right); \mathbf{S} = \\ &= \mathbf{E} \times \mathbf{B}/\mu_0; \mathbf{p} = \varepsilon_0 \mathbf{E} \times \mathbf{B}; u = \varepsilon_0 E^2/2 + B^2/(2\mu_0); \mathcal{P} = S/c; F = \\ &= \mathcal{P}A; I = I_0 \left[\frac{\text{sen}(\beta/2)}{\beta/2} \right]^2 \left[\frac{\text{sen}(N\phi/2)}{\text{sen}(\phi/2)} \right]^2; \beta = \frac{2\pi}{\lambda} a \text{sen}(\theta); \phi = \frac{2\pi}{\lambda} d \text{sen}(\theta); \\ &\text{sen}(\theta_m^{(d)}) = m(\lambda/a); \text{sen}(\theta_m^{(d)}) = (m + n/N)(\lambda/d); \text{sen}(\theta_m^{(c)}) = m(\lambda/d); \\ &R = mN = \frac{\lambda}{\Delta\lambda}; \theta_R = \frac{1,22\lambda}{D}; \langle \text{sen}^2\theta \rangle = 1/2; \langle \text{cos}^2\theta \rangle = 1/2; . \end{aligned}$$

Seção 1. Questões objetivas (7×0,7 = 4,9 pontos)

1. Uma onda eletromagnética harmônica plana possui uma amplitude de campo magnético dada por $B_0 = 1,0 \mu\text{T}$, um comprimento de onda $\lambda = 300 \text{ nm}$ e se propaga no vácuo no sentido positivo de x . Qual opção corresponde a uma possível expressão para o campo elétrico, considerando que o vetor campo magnético dessa onda está disposto ao longo do eixo y ?

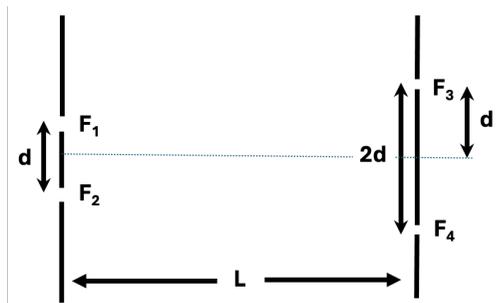
- (a) $\vec{E}(x, t) = 1 \text{ V/m } \hat{x} \cos \left(\left(\frac{2\pi}{300 \times 10^{-9}} \text{ rad/m} \right) x - (2\pi \times 10^{14} \text{ rad/s})t \right)$
- (b) $\vec{E}(x, t) = 300 \text{ V/m } \hat{z} \cos \left(\left(\frac{2\pi}{300 \times 10^{-9}} \text{ rad/m} \right) x - (2\pi \times 10^{15} \text{ rad/s})t \right)$
- (c) $\vec{E}(x, t) = 300 \text{ V/m } \hat{z} \cos \left(\left(\frac{2\pi}{300 \times 10^{-9}} \text{ rad/m} \right) x + (2\pi \times 10^{14} \text{ rad/s})t \right)$
- (d) $\vec{E}(x, t) = 1 \text{ V/m } \hat{x} \cos \left(\left(\frac{2\pi}{150 \times 10^{-9}} \text{ rad/m} \right) x + (2\pi \times 10^{15} \text{ rad/s})t \right)$

2. Um feixe de luz entra num tubo sólido feito de plástico com índice de refração $n = 5/3$. A luz propaga paralelamente à superfície superior do tubo, como mostrado na figura abaixo. Você deseja cortar a face AB de tal forma que a luz seja totalmente refletida dentro do tubo após o primeiro contato com ela. Qual é o maior valor de θ para o tubo colocado em água ($n_a = 4/3$)?



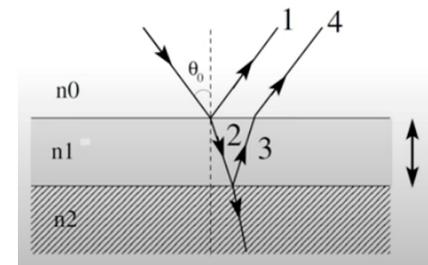
- (a) $\theta < 30^\circ$
- (b) $30^\circ < \theta \leq 45^\circ$
- (c) $45^\circ < \theta \leq 60^\circ$
- (d) $\theta > 60^\circ$

3. Uma fonte de luz coerente e monocromática de comprimento de onda λ é utilizada num experimento cuja montagem está esquematizada na figura abaixo. A distância entre o plano das fendas e o anteparo é L . Luz incide normalmente sobre o anteparo, que possui duas fendas F_1 e F_2 , com a mesma abertura (desprezível) e separadas por uma distância d . A distância d é tal que os primeiros máximos laterais de interferência se localizam sobre as fendas F_3 e F_4 do segundo anteparo. Elas possuem a mesma abertura das fendas do anteparo A , mas estão separadas por uma distância $2d$. Qual opção corresponde à diferença de fase ϕ (em radianos) entre as ondas provenientes de F_1 e F_2 quando atingem as fendas F_3 e F_4 e ao valor da separação d ?



- (a) $\phi = 2\pi$ e $d = \sqrt{\lambda L}$
 (b) $\phi = 1,5\pi$ e $d = \sqrt{2\lambda L}$
 (c) $\phi = 2\pi$ e $d = \sqrt{2\lambda L}$
 (d) $\phi = 6\pi$ e $d = \sqrt{4\lambda L}$
 (e) $\phi = 6\pi$ e $d = \sqrt{\lambda L}$

4. A figura abaixo mostra uma camada superior de índice de refração $n_1 = 1,5$ e espessura t , depositada sobre uma camada espessa de índice de refração $n_2 = 3$. O sistema está imerso em ar ($n_0 = 1$). Luz monocromática com comprimento de onda $\lambda_0 = 600$ nm, incide sobre a camada de espessura t com um ângulo de incidência θ_0 pequeno. Qual valor corresponde à mínima espessura t da camada superior para que ela funcione como uma camada anti-reflexo (mínima reflexão) para este comprimento de onda em incidência normal?



- (a) $t = 100$ nm
 (b) $t = 150$ nm
 (c) $t = 200$ nm
 (d) $t = 50$ nm

5. As microondas num forno de microondas tem um comprimento de onda $\lambda = 10$ cm. Qual deve ser o tamanho L mínimo do forno para que contenha no padrão de ondas estacionárias cinco planos antinodais do campo elétrico ao longo de seu comprimento ?

- (a) $10 \text{ cm} \leq L < 20 \text{ cm}$
 (b) $20 \text{ cm} \leq L < 30 \text{ cm}$
 (c) $30 \text{ cm} \leq L < 40 \text{ cm}$
 (d) $40 \text{ cm} \leq L < 50 \text{ cm}$
 (e) $L \geq 50 \text{ cm}$

6. Podemos modelar razoavelmente bem o bulbo de uma lâmpada incandescente por uma esfera de diâmetro d . Tipicamente, apenas 5% da energia vai para produção de luz visível, o restante vai para a região não visível do infravermelho. Podemos dizer sobre a amplitude do campo elétrico E_0 de uma onda harmônica com a mesma intensidade da luz visível produzida na superfície do bulbo de uma lâmpada incandescente que:

- (a) É proporcional a d
- (b) É proporcional a d^2
- (c) É proporcional a $1/d$
- (d) É proporcional a $1/d^2$
- (e) Não depende de d

7. Considere a luz solar que atravessa a janela de uma casa. Tanto a parte da frente quanto a parte de trás da janela é revestida por películas polarizadoras. A intensidade da radiação solar (não polarizada) que chega na janela é I . Qual deve ser o ângulo entre os eixos de polarização das películas para que a intensidade da luz solar no interior da casa seja de $I/4$?

- (a) 0°
- (b) 45°
- (c) 30°
- (d) 60°
- (e) 90°

Seção 2. Questões discursivas ($1 \times 2,6 + 1 \times 2,5 = 5,1$)

1. [2,6 pontos]

O campo elétrico de uma onda eletromagnética que se propaga no vácuo é dado por $\vec{E}(x, y, z, t) = (7,0 \text{ V/m}) \cos\left(\frac{\pi}{50 \times 10^{-9} \text{ (m)}}(z + ct)\right)\hat{x}$. Em função dos dados do enunciado e das constantes fundamentais dadas no formulário, determine:

(a) [0,4 ponto] A direção e o sentido de propagação da onda eletromagnética.

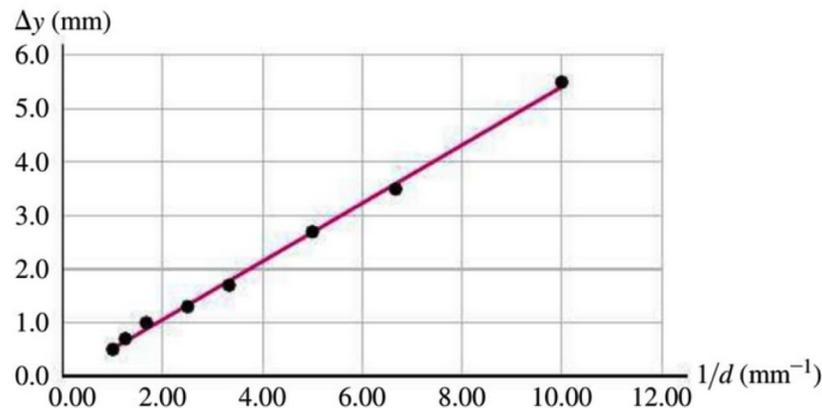
(b) [0,4 ponto] A frequência da onda eletromagnética.

(c) [1,0 ponto] O vetor campo magnético $\vec{B}(x, y, z, t)$ da onda eletromagnética.

(d) [0,8 ponto] O vetor de Poynting associado a esta onda eletromagnética.

2. [2,5 pontos]

Em seu trabalho numa empresa de ótica, você é encarregado de determinar o comprimento de onda λ da luz produzida por um laser. Para isso, você passa a luz do laser por duas fendas finas separadas por uma distância d . Você observa o padrão de interferência num anteparo distante 0,900m das fendas e mede a separação Δy entre franjas claras adjacentes na porção do padrão próxima ao centro do anteparo. Usando um microscópio, você mede também d . Mas ambos Δy e d são pequenos e difíceis de medir precisamente, então você repete os experimentos para diferentes pares de fendas, cada um com um diferente valor de d . Seus resultados são mostrados na figura abaixo, onde você graficou Δy como função de $1/d$. A linha no gráfico corresponde à melhor reta que se ajusta aos resultados. Considere aproximação de pequenos ângulos: $\sin(\theta) \approx \theta$.



(a) [1,0 ponto] Explique porque os resultados experimentais graficados como na figura podem ser representados por uma reta.

(b) [1,5 pontos] Use a figura para determinar o comprimento de onda λ do laser.

Seção 1. Questões objetivas ($7 \times 0,7 = 4,9$ pontos)

1. (b)

2. (b)

3. (a)

4. (a)

5. (b)

6. (c)

7. (b)

Seção 2. Questões discursivas ($1 \times 2,6 + 1 \times 2,5 = 5,1$)

1. **Resolução:**

■

2. **Resolução:**

■

1. a) O termo $(z+ct)$ indica que a onda se propaga na direção negativa do eixo z , $-\hat{z}$

b) Como $\cos\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}(z+ct)\right] = \cos\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}z + \frac{\pi c}{50 \times 10^{-9}}t\right]$

$$\vec{E} = 7 \cos\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}z + \frac{\pi c}{50 \times 10^{-9}}t\right] \hat{x}$$

Como a forma geral da onda é $\vec{E} = E_0 \cos(kz - \omega t + \phi)$,

$$\omega = 2\pi f = \frac{\pi c}{50 \times 10^{-9}} \Rightarrow f = \frac{3 \times 10^8}{100 \times 10^{-9}} = 3 \times 10^{15} \text{ Hz}$$

c) $\vec{B} = \frac{1}{c} \hat{k} \times \vec{E}$, com $\hat{k} = \hat{z}$ o vetor unitário na direção de propagação da onda.

$$\vec{B} = (-\hat{y}) \frac{7}{c} \cos\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}(z+ct)\right]$$

$$\vec{B} = -2,33 \times 10^{-8} \hat{y} \cos\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}(z+ct)\right]$$

Alternativamente, pode ser justificado que a direção de \vec{B} é $(-\hat{y})$ usando-se o fato que a direção de propagação da onda $(-\hat{z})$ é dada pelo produto vetorial $\vec{E} \times \vec{B}$ e que \vec{E} está na direção \hat{x} .

d) $\vec{S} = \frac{1}{\mu_0} \vec{E} \times \vec{B}$

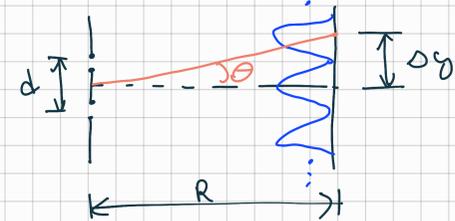
$$\vec{S} = \frac{1}{\mu_0} \left\{ 7 \hat{x} \cos\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}(z+ct)\right] \times 2,33 \times 10^{-8} (-\hat{y}) \cos\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}(z+ct)\right] \right\}$$

$$\vec{S} = \frac{7 \times 2,33 \times 10^{-8}}{10^{-6}} \cos^2\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}(z+ct)\right] (-\hat{z})$$

$$\vec{S} = -0,16 \cos^2\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}(z+ct)\right] \hat{z}$$

(D2)

a)
A separação Δy entre franjas claras num padrão de interferência de duas fendas finas é dada por:



$$d \sin \theta = \lambda$$

$$\sin \theta \approx \frac{\Delta y}{R}, \text{ para}$$

ângulos pequenos, assim:

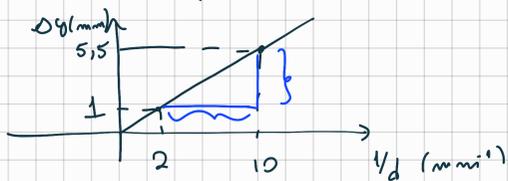
$$d \frac{\Delta y}{R} = \lambda$$

$$\Delta y = (\lambda R) \frac{1}{d}$$

Δy como função de $\frac{1}{d}$ é uma reta, com coeficiente angular dado por λR e coeficiente linear igual a zero.

b) Pelos dados da reta

$$\Delta y = A \left(\frac{1}{d} \right) + B$$



O coeficiente angular da reta é dado por:

$$A = \frac{(5,5 - 1,0) \text{ mm}}{(10 - 2) \text{ mm}^{-1}}$$

$$A = \frac{4,5}{8} \text{ mm}^2$$

$$A = \lambda R; \quad \lambda = \frac{A}{R}$$

$$\lambda = \frac{4,5}{8} \frac{\text{mm}^2}{0,900 \text{ m}}$$

$$\lambda = \frac{4,5}{8} \times \frac{(10^{-3} \text{ m})^2}{2 \times 10^{-4} \text{ m}} = \frac{1}{16} \times \frac{10^{-6}}{10^{-4}} \text{ m}$$

$$\lambda = \frac{1}{16} \times 10^{-5} \text{ m}$$

$$\begin{array}{r} 100 \overline{) 16} \\ 040 \\ \underline{080} \\ 00 \end{array}$$

$$\lambda = 90625 \times 10^{-5} \text{ m}$$

$$\lambda = 625 \times 10^{-9} \text{ m}$$

$$\lambda = 625 \text{ nm}$$



Formulário

CONSTANTES NUMÉRICAS

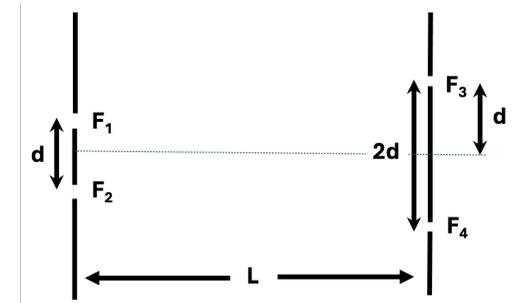
$$\begin{aligned} \mu_0 &= 1 \times 10^{-6} \text{ H/m}; \varepsilon_0 = (1/9) \times 10^{-10} \text{ F/m}; c = 3 \times 10^8 \text{ m/s}; h = 6 \times 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}; \\ h &= 3 \times 10^{-15} \text{ eV} \cdot \text{s}; \hbar = h/(2\pi); hc = 900 \text{ eV} \cdot \text{nm}; e = 2 \times 10^{-19} \text{ C}; 1 \text{ eV} = \\ &= 2 \times 10^{-19} \text{ J}; 1 \text{ J} = 5 \times 10^{18} \text{ eV}; m_p c^2 = 1000 \text{ MeV}; m_e c^2 = 0,5 \text{ MeV}; 1 \mu\text{m} = 10^{-6} \text{ m}; \\ &1 \text{ nm} = 10^{-9} \text{ m}; 1 \text{ \AA} = 10^{-10} \text{ m}; 1 \text{ pm} = 10^{-12} \text{ m}; 1 \text{ GeV} = 10^3 \text{ MeV} = 10^9 \text{ eV}; \\ &\lambda_c = 1,8 \text{ pm}; E_1 = \frac{-e^2}{8\pi\varepsilon_0 a_0} = -25 \text{ eV}; a_0 = \frac{h^2 \varepsilon_0}{\pi m_e e^2} = (9/\pi) \times 10^{-11} \text{ m}; \text{sen}(30^\circ) = 1/2; \\ &\text{sen}(45^\circ) = \sqrt{2}/2; \text{sen}(60^\circ) = \sqrt{3}/2 \end{aligned}$$

FORMULÁRIO GERAL

$$\begin{aligned} \text{div } \mathbf{E} &= \frac{\rho}{\varepsilon_0}; \text{rot } \mathbf{E} = -\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t}; \text{div } \mathbf{B} = 0; \text{rot } \mathbf{B} = \mu_0 \left(\mathbf{J} + \varepsilon_0 \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} \right); \mathbf{S} = \\ &= \mathbf{E} \times \mathbf{B}/\mu_0; \mathbf{p} = \varepsilon_0 \mathbf{E} \times \mathbf{B}; u = \varepsilon_0 E^2/2 + B^2/(2\mu_0); \mathcal{P} = S/c; F = \\ &= \mathcal{P}A; I = I_0 \left[\frac{\text{sen}(\beta/2)}{\beta/2} \right]^2 \left[\frac{\text{sen}(N\phi/2)}{\text{sen}(\phi/2)} \right]^2; \beta = \frac{2\pi}{\lambda} a \text{sen}(\theta); \phi = \frac{2\pi}{\lambda} d \text{sen}(\theta); \\ &\text{sen}(\theta_m^{(d)}) = m(\lambda/a); \text{sen}(\theta_m^{(d)}) = (m + n/N)(\lambda/d); \text{sen}(\theta_m^{(c)}) = m(\lambda/d); \\ &R = mN = \frac{\lambda}{\Delta\lambda}; \theta_R = \frac{1,22\lambda}{D}; \langle \text{sen}^2\theta \rangle = 1/2; \langle \text{cos}^2\theta \rangle = 1/2; . \end{aligned}$$

Seção 1. Questões objetivas (7×0,7 = 4,9 pontos)

1. Uma fonte de luz coerente e monocromática de comprimento de onda λ é utilizada num experimento cuja montagem está esquematizada na figura abaixo. A distância entre o plano das fendas e o anteparo é L . Luz incide normalmente sobre o anteparo, que possui duas fendas F_1 e F_2 , com a mesma abertura (desprezível) e separadas por uma distância d . A distância d é tal que os primeiros máximos laterais de interferência se localizam sobre as fendas F_3 e F_4 do segundo anteparo. Elas possuem a mesma abertura das fendas do anteparo A , mas estão separadas por uma distância $2d$. Qual opção corresponde à diferença de fase ϕ (em radianos) entre as ondas provenientes de F_1 e F_2 quando atingem as fendas F_3 e F_4 e ao valor da separação d ?



- (a) $\phi = 2\pi$ e $d = \sqrt{\lambda L}$
- (b) $\phi = 1,5\pi$ e $d = \sqrt{2\lambda L}$
- (c) $\phi = 2\pi$ e $d = \sqrt{2\lambda L}$
- (d) $\phi = 6\pi$ e $d = \sqrt{4\lambda L}$
- (e) $\phi = 6\pi$ e $d = \sqrt{\lambda L}$

2. As microondas num forno de microondas tem um comprimento de onda $\lambda = 10$ cm. Qual deve ser o tamanho L mínimo do forno para que contenha no padrão de ondas estacionárias cinco planos antinodais do campo elétrico ao longo de seu comprimento ?

- (a) $10 \text{ cm} \leq L < 20 \text{ cm}$
- (b) $20 \text{ cm} \leq L < 30 \text{ cm}$
- (c) $30 \text{ cm} \leq L < 40 \text{ cm}$
- (d) $40 \text{ cm} \leq L < 50 \text{ cm}$
- (e) $L \geq 50 \text{ cm}$

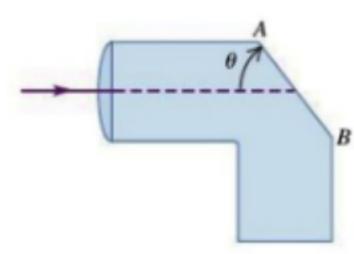
3. Considere a luz solar que atravessa a janela de uma casa. Tanto a parte da frente quanto a parte de trás da janela é revestida por películas polarizadoras. A intensidade da radiação solar (não polarizada) que chega na janela é I . Qual deve ser o ângulo entre os eixos de polarização das películas para que a intensidade da luz solar no interior da casa seja de $I/4$?

- (a) 0°
- (b) 45°
- (c) 30°
- (d) 60°
- (e) 90°

4. Uma onda eletromagnética harmônica plana possui uma amplitude de campo magnético dada por $B_0 = 1,0 \mu\text{T}$, um comprimento de onda $\lambda = 300 \text{ nm}$ e se propaga no vácuo no sentido positivo de x . Qual opção corresponde a uma possível expressão para o campo elétrico, considerando que o vetor campo magnético dessa onda está disposto ao longo do eixo y ?

- (a) $\vec{E}(x, t) = 1 \text{ V/m } \hat{x} \cos\left(\left(\frac{2\pi}{300 \times 10^{-9}} \text{ rad/m}\right) x - (2\pi \times 10^{14} \text{ rad/s})t\right)$
- (b) $\vec{E}(x, t) = 300 \text{ V/m } \hat{z} \cos\left(\left(\frac{2\pi}{300 \times 10^{-9}} \text{ rad/m}\right) x - (2\pi \times 10^{15} \text{ rad/s})t\right)$
- (c) $\vec{E}(x, t) = 300 \text{ V/m } \hat{z} \cos\left(\left(\frac{2\pi}{300 \times 10^{-9}} \text{ rad/m}\right) x + (2\pi \times 10^{14} \text{ rad/s})t\right)$
- (d) $\vec{E}(x, t) = 1 \text{ V/m } \hat{x} \cos\left(\left(\frac{2\pi}{150 \times 10^{-9}} \text{ rad/m}\right) x + (2\pi \times 10^{15} \text{ rad/s})t\right)$

5. Um feixe de luz entra num tubo sólido feito de plástico com índice de refração $n = 5/3$. A luz propaga paralelamente à superfície superior do tubo, como mostrado na figura abaixo. Você deseja cortar a face AB de tal forma que a luz seja totalmente refletida dentro do tubo após o primeiro contato com ela. Qual é o maior valor de θ para o tubo colocado em água ($n_a = 4/3$)?

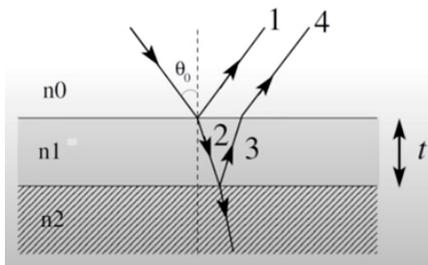


- (a) $\theta < 30^\circ$
- (b) $30^\circ < \theta \leq 45^\circ$
- (c) $45^\circ < \theta \leq 60^\circ$
- (d) $\theta > 60^\circ$

6. Podemos modelar razoavelmente bem o bulbo de uma lâmpada incandescente por uma esfera de diâmetro d . Tipicamente, apenas 5% da energia vai para produção de luz visível, o restante vai para a região não visível do infravermelho. Podemos dizer sobre a amplitude do campo elétrico E_0 de uma onda harmônica com a mesma intensidade da luz visível produzida na superfície do bulbo de uma lâmpada incandescente que:

- (a) É proporcional a d
- (b) É proporcional a d^2
- (c) É proporcional a $1/d$
- (d) É proporcional a $1/d^2$
- (e) Não depende de d

7. A figura abaixo mostra uma camada superior de índice de refração $n_1 = 1,5$ e espessura t , depositada sobre uma camada espessa de índice de refração $n_2 = 3$. O sistema está imerso em ar ($n_0 = 1$). Luz monocromática com comprimento de onda $\lambda_0 = 600$ nm, incide sobre a camada de espessura t com um ângulo de incidência θ_0 pequeno. Qual valor corresponde à mínima espessura t da camada superior para que ela funcione como uma camada anti-reflexo (mínima reflexão) para este comprimento de onda em incidência normal?



- (a) $t = 100$ nm
 (b) $t = 150$ nm
 (c) $t = 200$ nm
 (d) $t = 50$ nm

Seção 2. Questões discursivas ($1 \times 2,6 + 1 \times 2,5 = 5,1$)

1. [2,6 pontos]

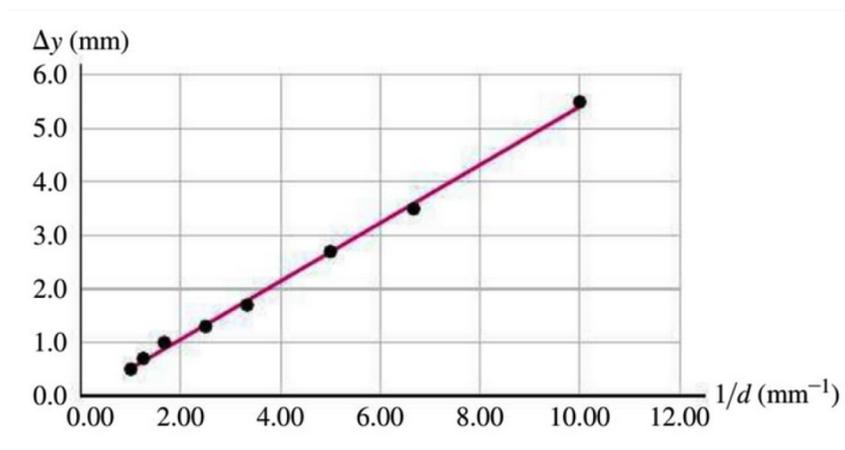
O campo elétrico de uma onda eletromagnética que se propaga no vácuo é dado por $\vec{E}(x, y, z, t) = (7,0 \text{ V/m}) \cos\left(\frac{\pi}{50 \times 10^{-9} \text{ (m)}}(z + ct)\right) \hat{x}$. Em função dos dados do enunciado e das constantes fundamentais dadas no formulário, determine:

- (a) [0,4 ponto] A direção e o sentido de propagação da onda eletromagnética.
 (b) [0,4 ponto] A frequência da onda eletromagnética.
 (c) [1,0 ponto] O vetor campo magnético $\vec{B}(x, y, z, t)$ da onda eletromagnética.
 (d) [0,8 ponto] O vetor de Poynting associado a esta onda eletromagnética.

2. [2,5 pontos]

Em seu trabalho numa empresa de ótica, você é encarregado de deter-

minar o comprimento de onda λ da luz produzida por um laser. Para isso, você passa a luz do laser por duas fendas finas separadas por uma distância d . Você observa o padrão de interferência num anteparo distante $0,900$ m das fendas e mede a separação Δy entre franjas claras adjacentes na porção do padrão próxima ao centro do anteparo. Usando um microscópio, você mede também d . Mas ambos Δy e d são pequenos e difíceis de medir precisamente, então você repete os experimentos para diferentes pares de fendas, cada um com um diferente valor de d . Seus resultados são mostrados na figura abaixo, onde você graficou Δy como função de $1/d$. A linha no gráfico corresponde à melhor reta que se ajusta aos resultados. Considere aproximação de pequenos ângulos: $\sin(\theta) \approx \theta$.



- (a) [1,0 ponto] Explique porque os resultados experimentais graficados como na figura podem ser representados por uma reta.
 (b) [1,5 pontos] Use a figura para determinar o comprimento de onda λ do laser.

Seção 1. Questões objetivas ($7 \times 0,7 = 4,9$ pontos)

1. (a)

2. (b)

3. (b)

4. (b)

5. (b)

6. (c)

7. (a)

Seção 2. Questões discursivas ($1 \times 2,6 + 1 \times 2,5 = 5,1$)

1. **Resolução:**

■

2. **Resolução:**

■

1. a) O termo $(z+ct)$ indica que a onda se propaga na direção negativa do eixo z , $-\hat{z}$

b) Como $\cos\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}(z+ct)\right] = \cos\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}z + \frac{\pi c}{50 \times 10^{-9}}t\right]$

$$\vec{E} = 7 \cos\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}z + \frac{\pi c}{50 \times 10^{-9}}t\right] \hat{x}$$

Como a forma geral da onda é $\vec{E} = E_0 \cos(kz - \omega t + \phi)$,

$$\omega = 2\pi f = \frac{\pi c}{50 \times 10^{-9}} \Rightarrow f = \frac{3 \times 10^8}{100 \times 10^{-9}} = 3 \times 10^{15} \text{ Hz}$$

c) $\vec{B} = \frac{1}{c} \hat{k} \times \vec{E}$, com $\hat{k} = -\hat{z}$ o vetor unitário na direção de propagação da onda.

$$\vec{B} = (-\hat{y}) \frac{7}{c} \cos\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}(z+ct)\right]$$

$$\vec{B} = -2,33 \times 10^{-8} \hat{y} \cos\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}(z+ct)\right]$$

Alternativamente, pode ser justificado que a direção de \vec{B} é $(-\hat{y})$ usando-se o fato que a direção de propagação da onda $(-\hat{z})$ é dada pelo produto vetorial $\vec{E} \times \vec{B}$ e que \vec{E} está na direção \hat{x} .

d) $\vec{S} = \frac{1}{\mu_0} \vec{E} \times \vec{B}$

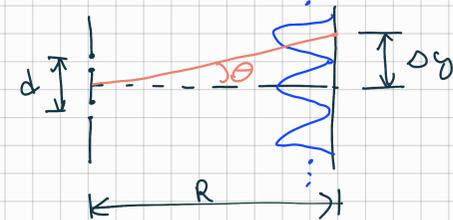
$$\vec{S} = \frac{1}{\mu_0} \left\{ 7 \hat{x} \cos\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}(z+ct)\right] \times 2,33 \times 10^{-8} (-\hat{y}) \cos\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}(z+ct)\right] \right\}$$

$$\vec{S} = \frac{7 \times 2,33 \times 10^{-8}}{10^{-6}} \cos^2\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}(z+ct)\right] (-\hat{z})$$

$$\vec{S} = -0,16 \cos^2\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}(z+ct)\right] \hat{z}$$

(D2)

a) A separação Δy entre franjas claras num padrão de interferência de duas fendas finas é dada por:



$$d \sin \theta = \lambda$$

$$\sin \theta \approx \frac{\Delta y}{R}, \text{ para}$$

ângulos pequenos, assim:

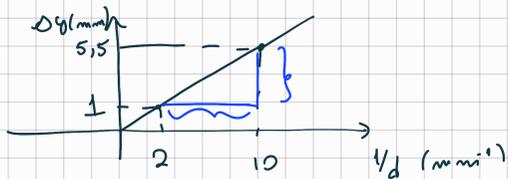
$$d \frac{\Delta y}{\lambda} = \lambda$$

$$\Delta y = (\lambda R) \frac{1}{d}$$

Δy como função de $\frac{1}{d}$ é uma reta, com coeficiente angular dado por λR e coeficiente linear igual a zero.

b) Pelos dados da reta

$$\Delta y = A \left(\frac{1}{d} \right) + B$$



O coeficiente angular da reta é dado por:

$$A = \frac{(5,5 - 1,0) \text{ mm}}{(10 - 2) \text{ mm}^{-1}}$$

$$A = \frac{4,5}{8} \text{ mm}^2$$

$$A = \lambda R; \quad \lambda = \frac{A}{R}$$

$$\lambda = \frac{4,5}{8} \frac{\text{mm}^2}{0,000 \text{ m}}$$

$$\lambda = \frac{4,5}{8} \times \frac{(10^{-3} \text{ m})^2}{2 \times 10^{-4} \text{ m}} = \frac{1}{16} \times \frac{10^{-6}}{10^{-4}} \text{ m}$$

$$\lambda = \frac{1}{16} \times 10^{-5} \text{ m}$$

$$\begin{array}{r} 100 \overline{) 16} \\ 040 \\ \underline{080} \\ 00 \end{array}$$

$$\lambda = 90625 \times 10^{-5} \text{ m}$$

$$\lambda = 625 \times 10^{-9} \text{ m}$$

$$\lambda = 625 \text{ nm}$$



Formulário

CONSTANTES NUMÉRICAS

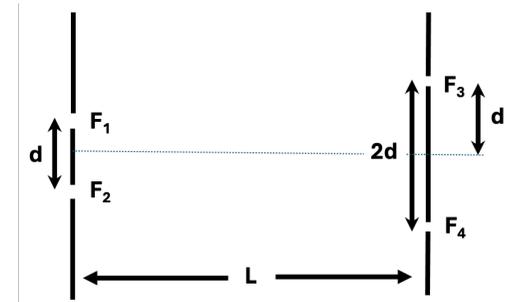
$$\begin{aligned} \mu_0 &= 1 \times 10^{-6} \text{ H/m}; \varepsilon_0 = (1/9) \times 10^{-10} \text{ F/m}; c = 3 \times 10^8 \text{ m/s}; h = 6 \times 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}; \\ h &= 3 \times 10^{-15} \text{ eV} \cdot \text{s}; \hbar = h/(2\pi); hc = 900 \text{ eV} \cdot \text{nm}; e = 2 \times 10^{-19} \text{ C}; 1 \text{ eV} = \\ &= 2 \times 10^{-19} \text{ J}; 1 \text{ J} = 5 \times 10^{18} \text{ eV}; m_p c^2 = 1000 \text{ MeV}; m_e c^2 = 0,5 \text{ MeV}; 1 \mu\text{m} = 10^{-6} \text{ m}; \\ &1 \text{ nm} = 10^{-9} \text{ m}; 1 \text{ \AA} = 10^{-10} \text{ m}; 1 \text{ pm} = 10^{-12} \text{ m}; 1 \text{ GeV} = 10^3 \text{ MeV} = 10^9 \text{ eV}; \\ \lambda_c &= 1,8 \text{ pm}; E_1 = \frac{-e^2}{8\pi\varepsilon_0 a_0} = -25 \text{ eV}; a_0 = \frac{\hbar^2 \varepsilon_0}{\pi m_e e^2} = (9/\pi) \times 10^{-11} \text{ m}; \text{sen}(30^\circ) = 1/2; \\ \text{sen}(45^\circ) &= \sqrt{2}/2; \text{sen}(60^\circ) = \sqrt{3}/2 \end{aligned}$$

FORMULÁRIO GERAL

$$\begin{aligned} \text{div } \mathbf{E} &= \frac{\rho}{\varepsilon_0}; \text{rot } \mathbf{E} = -\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t}; \text{div } \mathbf{B} = 0; \text{rot } \mathbf{B} = \mu_0 \left(\mathbf{J} + \varepsilon_0 \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} \right); \mathbf{S} = \\ &= \mathbf{E} \times \mathbf{B}/\mu_0; \mathbf{p} = \varepsilon_0 \mathbf{E} \times \mathbf{B}; u = \varepsilon_0 E^2/2 + B^2/(2\mu_0); \mathcal{P} = S/c; F = \\ &= \mathcal{P}A; I = I_0 \left[\frac{\text{sen}(\beta/2)}{\beta/2} \right]^2 \left[\frac{\text{sen}(N\phi/2)}{\text{sen}(\phi/2)} \right]^2; \beta = \frac{2\pi}{\lambda} a \text{sen}(\theta); \phi = \frac{2\pi}{\lambda} d \text{sen}(\theta); \\ \text{sen}(\theta_m^{(d)}) &= m(\lambda/a); \text{sen}(\theta_m^{(d)}) = (m + n/N)(\lambda/d); \text{sen}(\theta_m^{(c)}) = m(\lambda/d); \\ R &= mN = \frac{\lambda}{\Delta\lambda}; \theta_R = \frac{1,22\lambda}{D}; \langle \text{sen}^2\theta \rangle = 1/2; \langle \text{cos}^2\theta \rangle = 1/2; . \end{aligned}$$

Seção 1. Questões objetivas (7×0,7 = 4,9 pontos)

1. Uma fonte de luz coerente e monocromática de comprimento de onda λ é utilizada num experimento cuja montagem está esquematizada na figura abaixo. A distância entre o plano das fendas e o anteparo é L . Luz incide normalmente sobre o anteparo, que possui duas fendas F_1 e F_2 , com a mesma abertura (desprezível) e separadas por uma distância d . A distância d é tal que os primeiros máximos laterais de interferência se localizam sobre as fendas F_3 e F_4 do segundo anteparo. Elas possuem a mesma abertura das fendas do anteparo A , mas estão separadas por uma distância $2d$. Qual opção corresponde à diferença de fase ϕ (em radianos) entre as ondas provenientes de F_1 e F_2 quando atingem as fendas F_3 e F_4 e ao valor da separação d ?



- (a) $\phi = 2\pi$ e $d = \sqrt{\lambda L}$
- (b) $\phi = 1,5\pi$ e $d = \sqrt{2\lambda L}$
- (c) $\phi = 2\pi$ e $d = \sqrt{2\lambda L}$
- (d) $\phi = 6\pi$ e $d = \sqrt{4\lambda L}$
- (e) $\phi = 6\pi$ e $d = \sqrt{\lambda L}$

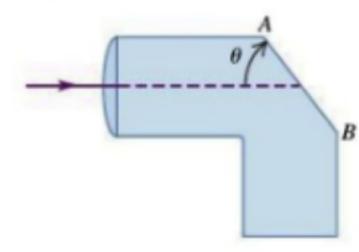
2. Uma onda eletromagnética harmônica plana possui uma amplitude de campo magnético dada por $B_0 = 1,0 \mu\text{T}$, um comprimento de onda $\lambda = 300 \text{ nm}$ e se propaga no vácuo no sentido positivo de x . Qual opção corresponde a uma possível expressão para o campo elétrico, considerando que o vetor campo magnético dessa onda está disposto ao longo do eixo y ?

- (a) $\vec{E}(x, t) = 1 \text{ V/m } \hat{x} \cos \left(\left(\frac{2\pi}{300 \times 10^{-9}} \text{ rad/m} \right) x - (2\pi \times 10^{14} \text{ rad/s})t \right)$
 (b) $\vec{E}(x, t) = 300 \text{ V/m } \hat{z} \cos \left(\left(\frac{2\pi}{300 \times 10^{-9}} \text{ rad/m} \right) x - (2\pi \times 10^{15} \text{ rad/s})t \right)$
 (c) $\vec{E}(x, t) = 300 \text{ V/m } \hat{z} \cos \left(\left(\frac{2\pi}{300 \times 10^{-9}} \text{ rad/m} \right) x + (2\pi \times 10^{14} \text{ rad/s})t \right)$
 (d) $\vec{E}(x, t) = 1 \text{ V/m } \hat{x} \cos \left(\left(\frac{2\pi}{150 \times 10^{-9}} \text{ rad/m} \right) x + (2\pi \times 10^{15} \text{ rad/s})t \right)$

3. As microondas num forno de microondas tem um comprimento de onda $\lambda = 10 \text{ cm}$. Qual deve ser o tamanho L mínimo do forno para que contenha no padrão de ondas estacionárias cinco planos antinodais do campo elétrico ao longo de seu comprimento ?

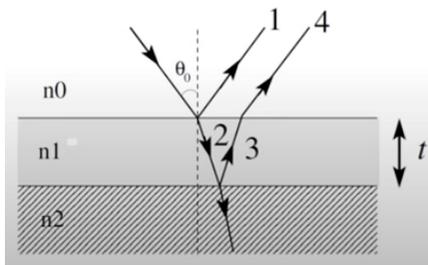
- (a) $10 \text{ cm} \leq L < 20 \text{ cm}$
 (b) $20 \text{ cm} \leq L < 30 \text{ cm}$
 (c) $30 \text{ cm} \leq L < 40 \text{ cm}$
 (d) $40 \text{ cm} \leq L < 50 \text{ cm}$
 (e) $L \geq 50 \text{ cm}$

4. Um feixe de luz entra num tubo sólido feito de plástico com índice de refração $n = 5/3$. A luz propaga paralelamente à superfície superior do tubo, como mostrado na figura abaixo. Você deseja cortar a face AB de tal forma que a luz seja totalmente refletida dentro do tubo após o primeiro contato com ela. Qual é o maior valor de θ para o tubo colocado em água ($n_a = 4/3$)?



- (a) $\theta < 30^\circ$
 (b) $30^\circ < \theta \leq 45^\circ$
 (c) $45^\circ < \theta \leq 60^\circ$
 (d) $\theta > 60^\circ$

5. A figura abaixo mostra uma camada superior de índice de refração $n_1 = 1,5$ e espessura t , depositada sobre uma camada espessa de índice de refração $n_2 = 3$. O sistema está imerso em ar ($n_0 = 1$). Luz monocromática com comprimento de onda $\lambda_0 = 600$ nm, incide sobre a camada de espessura t com um ângulo de incidência θ_0 pequeno. Qual valor corresponde à mínima espessura t da camada superior para que ela funcione como uma camada anti-reflexo (mínima reflexão) para este comprimento de onda em incidência normal?



- (a) $t = 100$ nm
 (b) $t = 150$ nm
 (c) $t = 200$ nm
 (d) $t = 50$ nm
6. Podemos modelar razoavelmente bem o bulbo de uma lâmpada incandescente por uma esfera de diâmetro d . Tipicamente, apenas 5% da energia vai para produção de luz visível, o restante vai para a região não visível do infravermelho. Podemos dizer sobre a amplitude do campo elétrico E_0 de uma onda harmônica com a mesma intensidade da luz visível produzida na superfície do bulbo de uma lâmpada incandescente que:
- (a) É proporcional a d
 (b) É proporcional a d^2
 (c) É proporcional a $1/d$
 (d) É proporcional a $1/d^2$
 (e) Não depende de d

7. Considere a luz solar que atravessa a janela de uma casa. Tanto a parte da frente quanto a parte de trás da janela é revestida por películas polarizadoras. A intensidade da radiação solar (não polarizada) que chega na janela é I . Qual deve ser o ângulo entre os eixos de polarização das películas para que a intensidade da luz solar no interior da casa seja de $I/4$?

- (a) 0°
 (b) 45°
 (c) 30°
 (d) 60°
 (e) 90°

Seção 2. Questões discursivas ($1 \times 2,6 + 1 \times 2,5 = 5,1$)

1. [2,6 pontos]

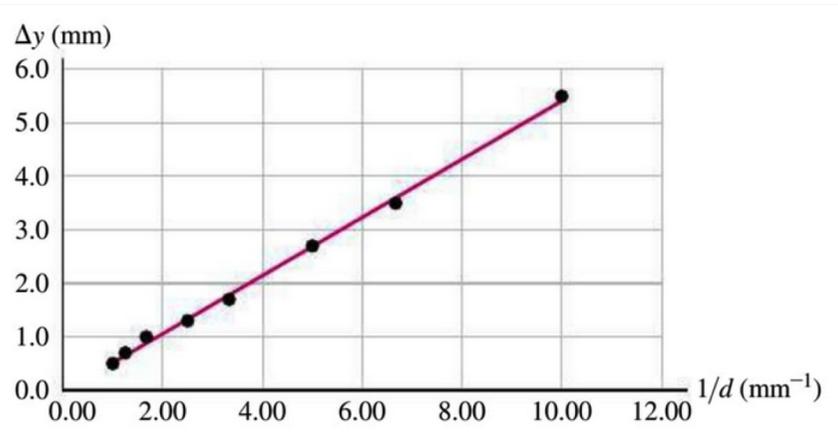
O campo elétrico de uma onda eletromagnética que se propaga no vácuo é dado por $\vec{E}(x, y, z, t) = (7,0 \text{ V/m}) \cos\left(\frac{\pi}{50 \times 10^{-9} \text{ (m)}}(z + ct)\right)\hat{x}$. Em função dos dados do enunciado e das constantes fundamentais dadas no formulário, determine:

- (a) [0,4 ponto] A direção e o sentido de propagação da onda eletromagnética.
 (b) [0,4 ponto] A frequência da onda eletromagnética.
 (c) [1,0 ponto] O vetor campo magnético $\vec{B}(x, y, z, t)$ da onda eletromagnética.
 (d) [0,8 ponto] O vetor de Poynting associado a esta onda eletromagnética.

2. [2,5 pontos]

Em seu trabalho numa empresa de ótica, você é encarregado de determinar o comprimento de onda λ da luz produzida por um laser. Para isso, você passa a luz do laser por duas fendas finas separadas por uma distância d . Você observa o padrão de interferência num anteparo distante 0,900m das fendas e mede a separação Δy entre franjas claras adjacentes na porção do padrão próxima ao centro do anteparo. Usando um microscópio, você mede também d . Mas ambos Δy e d são pequenos e difíceis de medir precisamente, então você repete os experimentos para diferentes pares de fendas, cada um com um diferente valor de d . Seus resultados são mostrados na figura abaixo, onde você graficou Δy

como função de $1/d$. A linha no gráfico corresponde à melhor reta que se ajusta aos resultados. Considere aproximação de pequenos ângulos: $\sin(\theta) \approx \theta$.



(a) [1,0 ponto] Explique porque os resultados experimentais graficados como na figura podem ser representados por uma reta.

(b) [1,5 pontos] Use a figura para determinar o comprimento de onda λ do laser.

Seção 1. Questões objetivas ($7 \times 0,7 = 4,9$ pontos)

1. (a)

2. (b)

3. (b)

4. (b)

5. (a)

6. (c)

7. (b)

Seção 2. Questões discursivas ($1 \times 2,6 + 1 \times 2,5 = 5,1$)

1. **Resolução:**

2. Resolução:

1. a) O termo $(z+ct)$ indica que a onda se propaga na direção negativa do eixo z , $-\hat{z}$

$$b) \text{ Como } \cos\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}(z+ct)\right] = \cos\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}z + \frac{\pi c}{50 \times 10^{-9}}t\right]$$

$$\vec{E} = 7 \cos\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}z + \frac{\pi c}{50 \times 10^{-9}}t\right] \hat{x}$$

Como a forma geral da onda é $\vec{E} = E_0 \cos(kz - \omega t + \phi)$,

$$\omega = 2\pi f = \frac{\pi c}{50 \times 10^{-9}} \Rightarrow f = \frac{3 \times 10^8}{100 \times 10^{-9}} = 3 \times 10^{15} \text{ Hz.}$$

c) $\vec{B} = \frac{1}{c} \hat{k} \times \vec{E}$, com $\hat{k} = \hat{z}$ o vetor unitário na direção de propagação da onda.

$$\vec{B} = (-\hat{y}) \frac{7}{c} \cos\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}(z+ct)\right]$$

$$\vec{B} = -3,33 \times 10^{-8} \hat{y} \cos\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}(z+ct)\right]$$

Alternativamente, pode ser justificado que a direção de \vec{B} é $(-\hat{y})$ usando-se o fato que a direção de propagação da onda $(-\hat{z})$ é dada pelo produto vetorial $\vec{E} \times \vec{B}$ e que \vec{E} está na direção \hat{x} .

$$d) \vec{S} = \frac{1}{\mu_0} \vec{E} \times \vec{B}$$

$$\vec{S} = \frac{1}{\mu_0} \left\{ 7 \hat{x} \cos\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}(z+ct)\right] \times 3,33 \times 10^{-8} (-\hat{y}) \cos\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}(z+ct)\right] \right\}$$

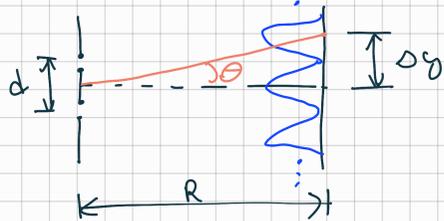
$$\vec{S} = \frac{7 \times 3,33 \times 10^{-8}}{10^{-6}} \cos^2\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}(z+ct)\right] (-\hat{z})$$

$$\vec{S} = -0,16 \cos^2\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}(z+ct)\right] \hat{z}$$

(D2)

a)

A separação Δy entre franjas claras num padrão de interferência de duas fendas finas é dada por:



$$d \sin \theta = \lambda$$

$$\sin \theta \approx \frac{\Delta y}{R} \quad , \text{ para}$$

ângulos pequenos, assim:

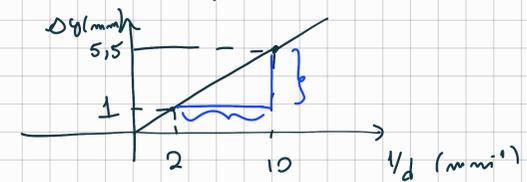
$$d \frac{\Delta y}{R} = \lambda$$

$$\Delta y = (\lambda R) \frac{1}{d}$$

Δy como função de $\frac{1}{d}$ é uma reta, com coeficiente angular dado por λR e coeficiente linear igual a zero.

b) Pelos dados da reta

$$\Delta y = A \left(\frac{1}{d} \right) + B$$



El coeficiente angular de
esta si dedo por:

$$A = \frac{(5,5 - 1,0) \text{ mm}}{(10 - 2) \text{ mm}^{-1}}$$

$$A = \frac{4,5}{8} \text{ mm}^2$$

$$A = \lambda R; \quad \lambda = \frac{A}{R}$$

$$\lambda = \frac{4,5}{8} \frac{\text{mm}^2}{0,900 \text{ m}}$$

$$\lambda = \frac{4,5}{8 \times 2,0 \times 10^{-4} \text{ m}} = \frac{1}{16} \times \frac{10^{-6}}{10^4} \text{ m}$$

$$\lambda = \frac{1}{16} \times 10^{-5} \text{ m}$$

$$\begin{array}{r} 100 \overline{) 16} \\ 040 \\ \underline{080} \\ 00 \end{array}$$

$$\lambda = 90625 \times 10^{-5} \text{ m}$$

$$\lambda = 625 \times 10^{-9} \text{ m}$$

$$\lambda = 625 \text{ nm}$$



Formulário

CONSTANTES NUMÉRICAS

$$\mu_0 = 1 \times 10^{-6} \text{ H/m}; \varepsilon_0 = (1/9) \times 10^{-10} \text{ F/m}; c = 3 \times 10^8 \text{ m/s}; h = 6 \times 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s};$$

$$h = 3 \times 10^{-15} \text{ eV} \cdot \text{s}; \hbar = h/(2\pi); hc = 900 \text{ eV} \cdot \text{nm}; e = 2 \times 10^{-19} \text{ C}; 1 \text{ eV} =$$

$$2 \times 10^{-19} \text{ J}; 1 \text{ J} = 5 \times 10^{18} \text{ eV}; m_p c^2 = 1000 \text{ MeV}; m_e c^2 = 0,5 \text{ MeV}; 1 \mu\text{m} = 10^{-6} \text{ m};$$

$$1 \text{ nm} = 10^{-9} \text{ m}; 1 \text{ \AA} = 10^{-10} \text{ m}; 1 \text{ pm} = 10^{-12} \text{ m}; 1 \text{ GeV} = 10^3 \text{ MeV} = 10^9 \text{ eV};$$

$$\lambda_c = 1,8 \text{ pm}; E_1 = \frac{-e^2}{8\pi\varepsilon_0 a_0} = -25 \text{ eV}; a_0 = \frac{h^2 \varepsilon_0}{\pi m_e e^2} = (9/\pi) \times 10^{-11} \text{ m}; \text{sen}(30^\circ) = 1/2;$$

$$\text{sen}(45^\circ) = \sqrt{2}/2; \text{sen}(60^\circ) = \sqrt{3}/2$$

FORMULÁRIO GERAL

$$\text{div } \mathbf{E} = \frac{\rho}{\varepsilon_0}; \text{rot } \mathbf{E} = -\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t}; \text{div } \mathbf{B} = 0; \text{rot } \mathbf{B} = \mu_0 \left(\mathbf{J} + \varepsilon_0 \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} \right); \mathbf{S} =$$

$$\mathbf{E} \times \mathbf{B}/\mu_0; \mathbf{p} = \varepsilon_0 \mathbf{E} \times \mathbf{B}; u = \varepsilon_0 E^2/2 + B^2/(2\mu_0); \mathcal{P} = S/c; F =$$

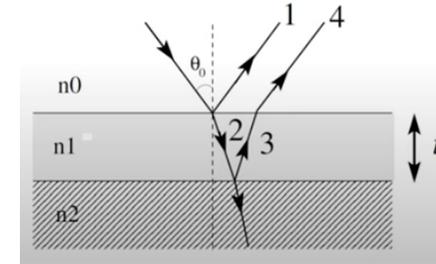
$$\mathcal{P}A; I = I_0 \left[\frac{\text{sen}(\beta/2)}{\beta/2} \right]^2 \left[\frac{\text{sen}(N\phi/2)}{\text{sen}(\phi/2)} \right]^2; \beta = \frac{2\pi}{\lambda} a \text{sen}(\theta); \phi = \frac{2\pi}{\lambda} d \text{sen}(\theta);$$

$$\text{sen}(\theta_m^{(d)}) = m(\lambda/a); \text{sen}(\theta_m^{(d)}) = (m + n/N)(\lambda/d); \text{sen}(\theta_m^{(c)}) = m(\lambda/d);$$

$$R = mN = \frac{\lambda}{\Delta\lambda}; \theta_R = \frac{1,22\lambda}{D}; \langle \text{sen}^2\theta \rangle = 1/2; \langle \text{cos}^2\theta \rangle = 1/2; .$$

Seção 1. Questões objetivas (7×0,7 = 4,9 pontos)

1. A figura abaixo mostra uma camada superior de índice de refração $n_1 = 1,5$ e espessura t , depositada sobre uma camada espessa de índice de refração $n_2 = 3$. O sistema está imerso em ar ($n_0 = 1$). Luz monocromática com comprimento de onda $\lambda_0 = 600 \text{ nm}$, incide sobre a camada de espessura t com um ângulo de incidência θ_0 pequeno. Qual valor corresponde à mínima espessura t da camada superior para que ela funcione como uma camada anti-reflexo (mínima reflexão) para este comprimento de onda em incidência normal?

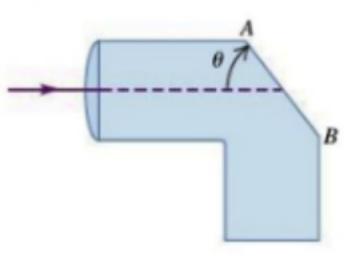


- (a) $t = 100 \text{ nm}$
 (b) $t = 150 \text{ nm}$
 (c) $t = 200 \text{ nm}$
 (d) $t = 50 \text{ nm}$

2. Podemos modelar razoavelmente bem o bulbo de uma lâmpada incandescente por uma esfera de diâmetro d . Tipicamente, apenas 5% da energia vai para produção de luz visível, o restante vai para a região não visível do infravermelho. Podemos dizer sobre a amplitude do campo elétrico E_0 de uma onda harmônica com a mesma intensidade da luz visível produzida na superfície do bulbo de uma lâmpada incandescente que:

- (a) É proporcional a d
 (b) É proporcional a d^2
 (c) É proporcional a $1/d$
 (d) É proporcional a $1/d^2$
 (e) Não depende de d

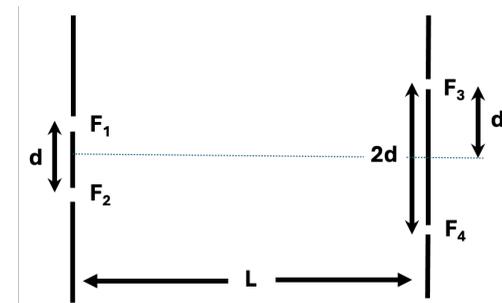
3. Um feixe de luz entra num tubo sólido feito de plástico com índice de refração $n = 5/3$. A luz propaga paralelamente à superfície superior do tubo, como mostrado na figura abaixo. Você deseja cortar a face AB de tal forma que a luz seja totalmente refletida dentro do tubo após o primeiro contato com ela. Qual é o maior valor de θ para o tubo colocado em água ($n_a = 4/3$)?



- (a) $\theta < 30^\circ$
 (b) $30^\circ < \theta \leq 45^\circ$
 (c) $45^\circ < \theta \leq 60^\circ$
 (d) $\theta > 60^\circ$
4. Uma onda eletromagnética harmônica plana possui uma amplitude de campo magnético dada por $B_0 = 1,0 \mu\text{T}$, um comprimento de onda $\lambda = 300 \text{ nm}$ e se propaga no vácuo no sentido positivo de x . Qual opção corresponde a uma possível expressão para o campo elétrico, considerando que o vetor campo magnético dessa onda está disposto ao longo do eixo y ?

- (a) $\vec{E}(x, t) = 1 \text{ V/m } \hat{x} \cos\left(\left(\frac{2\pi}{300 \times 10^{-9}} \text{ rad/m}\right) x - (2\pi \times 10^{14} \text{ rad/s})t\right)$
 (b) $\vec{E}(x, t) = 300 \text{ V/m } \hat{z} \cos\left(\left(\frac{2\pi}{300 \times 10^{-9}} \text{ rad/m}\right) x - (2\pi \times 10^{15} \text{ rad/s})t\right)$
 (c) $\vec{E}(x, t) = 300 \text{ V/m } \hat{z} \cos\left(\left(\frac{2\pi}{300 \times 10^{-9}} \text{ rad/m}\right) x + (2\pi \times 10^{14} \text{ rad/s})t\right)$
 (d) $\vec{E}(x, t) = 1 \text{ V/m } \hat{x} \cos\left(\left(\frac{2\pi}{150 \times 10^{-9}} \text{ rad/m}\right) x + (2\pi \times 10^{15} \text{ rad/s})t\right)$

5. Uma fonte de luz coerente e monocromática de comprimento de onda λ é utilizada num experimento cuja montagem está esquematizada na figura abaixo. A distância entre o plano das fendas e o anteparo é L . Luz incide normalmente sobre o anteparo, que possui duas fendas F_1 e F_2 , com a mesma abertura (desprezível) e separadas por uma distância d . A distância d é tal que os primeiros máximos laterais de interferência se localizam sobre as fendas F_3 e F_4 do segundo anteparo. Elas possuem a mesma abertura das fendas do anteparo A , mas estão separadas por uma distância $2d$. Qual opção corresponde à diferença de fase ϕ (em radianos) entre as ondas provenientes de F_1 e F_2 quando atingem as fendas F_3 e F_4 e ao valor da separação d ?



- (a) $\phi = 2\pi$ e $d = \sqrt{\lambda L}$
 (b) $\phi = 1,5\pi$ e $d = \sqrt{2\lambda L}$
 (c) $\phi = 2\pi$ e $d = \sqrt{2\lambda L}$
 (d) $\phi = 6\pi$ e $d = \sqrt{4\lambda L}$
 (e) $\phi = 6\pi$ e $d = \sqrt{\lambda L}$
6. As microondas num forno de microondas tem um comprimento de onda $\lambda = 10 \text{ cm}$. Qual deve ser o tamanho L mínimo do forno para que contenha no padrão de ondas estacionárias cinco planos antinodais do campo elétrico ao longo de seu comprimento?
- (a) $10 \text{ cm} \leq L < 20 \text{ cm}$
 (b) $20 \text{ cm} \leq L < 30 \text{ cm}$
 (c) $30 \text{ cm} \leq L < 40 \text{ cm}$
 (d) $40 \text{ cm} \leq L < 50 \text{ cm}$
 (e) $L \geq 50 \text{ cm}$

7. Considere a luz solar que atravessa a janela de uma casa. Tanto a parte da frente quanto a parte de trás da janela é revestida por películas polarizadoras. A intensidade da radiação solar (não polarizada) que chega na janela é I . Qual deve ser o ângulo entre os eixos de polarização das películas para que a intensidade da luz solar no interior da casa seja de $I/4$?

- (a) 0°
- (b) 45°
- (c) 30°
- (d) 60°
- (e) 90°

Seção 2. Questões discursivas ($1 \times 2,6 + 1 \times 2,5 = 5,1$)

1. [2,6 pontos]

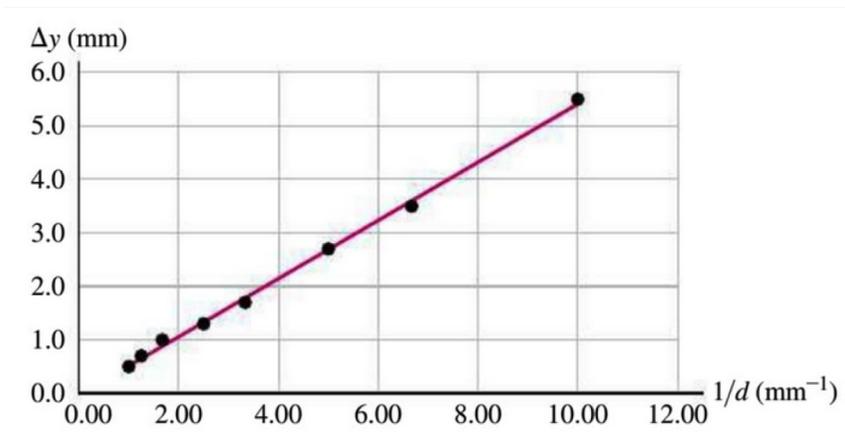
O campo elétrico de uma onda eletromagnética que se propaga no vácuo é dado por $\vec{E}(x, y, z, t) = (7, 0 \text{V/m}) \cos\left(\frac{\pi}{50 \times 10^{-9} \text{(m)}}(z + ct)\right)\hat{x}$. Em função dos dados do enunciado e das constantes fundamentais dadas no formulário, determine:

- (a) [0,4 ponto] A direção e o sentido de propagação da onda eletromagnética.
- (b) [0,4 ponto] A frequência da onda eletromagnética.
- (c) [1,0 ponto] O vetor campo magnético $\vec{B}(x, y, z, t)$ da onda eletromagnética.
- (d) [0,8 ponto] O vetor de Poynting associado a esta onda eletromagnética.

2. [2,5 pontos]

Em seu trabalho numa empresa de ótica, você é encarregado de determinar o comprimento de onda λ da luz produzida por um laser. Para isso, você passa a luz do laser por duas fendas finas separadas por uma distância d . Você observa o padrão de interferência num anteparo distante 0,900m das fendas e mede a separação Δy entre franjas claras adjacentes na porção do padrão próxima ao centro do anteparo. Usando um microscópio, você mede também d . Mas ambos Δy e d são pequenos e difíceis de medir precisamente, então você repete os experimentos para diferentes pares de fendas, cada um com um diferente valor de d . Seus resultados são mostrados na figura abaixo, onde você graficou Δy

como função de $1/d$. A linha no gráfico corresponde à melhor reta que se ajusta aos resultados. Considere aproximação de pequenos ângulos: $\sin(\theta) \approx \theta$.



(a) [1,0 ponto] Explique porque os resultados experimentais graficados como na figura podem ser representados por uma reta.

(b) [1,5 pontos] Use a figura para determinar o comprimento de onda λ do laser.

Seção 1. Questões objetivas ($7 \times 0,7 = 4,9$ pontos)

1. (a)

2. (c)

3. (b)

4. (b)

5. (a)

6. (b)

7. (b)

Seção 2. Questões discursivas ($1 \times 2,6 + 1 \times 2,5 = 5,1$)

1. **Resolução:**

■

2. **Resolução:**

■

1. a) O termo $(z+ct)$ indica que a onda se propaga na direção negativa do eixo z , $-\hat{z}$

b) Como $\cos\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}(z+ct)\right] = \cos\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}z + \frac{\pi c}{50 \times 10^{-9}}t\right]$

$$\vec{E} = 7 \cos\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}z + \frac{\pi c}{50 \times 10^{-9}}t\right] \hat{x}$$

Como a forma geral da onda é $\vec{E} = E_0 \cos(kz - \omega t + \phi)$,

$$\omega = 2\pi f = \frac{\pi c}{50 \times 10^{-9}} \Rightarrow f = \frac{3 \times 10^8}{100 \times 10^{-9}} = 3 \times 10^{15} \text{ Hz}$$

c) $\vec{B} = \frac{1}{c} \hat{k} \times \vec{E}$, com $\hat{k} = \hat{z}$ o vetor unitário na direção de propagação da onda.

$$\vec{B} = (-\hat{y}) \frac{7}{c} \cos\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}(z+ct)\right]$$

$$\vec{B} = -2,33 \times 10^{-8} \hat{y} \cos\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}(z+ct)\right]$$

Alternativamente, pode ser justificado que a direção de \vec{B} é $(-\hat{y})$ usando-se o fato que a direção de propagação da onda $(-\hat{z})$ é dada pelo produto vetorial $\vec{E} \times \vec{B}$ e que \vec{E} está na direção \hat{x} .

d) $\vec{S} = \frac{1}{\mu_0} \vec{E} \times \vec{B}$

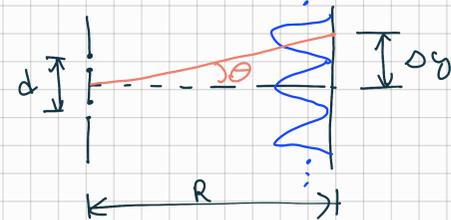
$$\vec{S} = \frac{1}{\mu_0} \left\{ 7 \hat{x} \cos\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}(z+ct)\right] \times 2,33 \times 10^{-8} (-\hat{y}) \cos\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}(z+ct)\right] \right\}$$

$$\vec{S} = \frac{7 \times 2,33 \times 10^{-8}}{10^{-6}} \cos^2\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}(z+ct)\right] (-\hat{z})$$

$$\vec{S} = -0,16 \cos^2\left[\frac{\pi}{50 \times 10^{-9}}(z+ct)\right] \hat{z}$$

(D2)

a)
A separação Δy entre franjas claras num padrão de interferência de duas fendas finas é dada por:



$$d \sin \theta = \lambda$$

$$\sin \theta \approx \frac{\Delta y}{R}, \text{ para}$$

ângulos pequenos, assim:

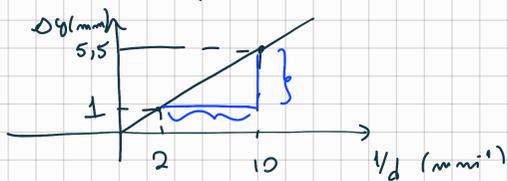
$$d \frac{\Delta y}{\lambda} = \lambda$$

$$\Delta y = (\lambda R) \frac{1}{d}$$

Δy como função de $\frac{1}{d}$ é uma reta, com coeficiente angular dado por λR e coeficiente linear igual a zero.

b) Pelos dados da reta

$$\Delta y = A \left(\frac{1}{d} \right) + B$$



O coeficiente angular da reta é dado por:

$$A = \frac{(5,5 - 1,0) \text{ mm}}{(10 - 2) \text{ mm}^{-1}}$$

$$A = \frac{4,5}{8} \text{ mm}^2$$

$$A = \lambda R; \quad \lambda = \frac{A}{R}$$

$$\lambda = \frac{4,5}{8} \frac{\text{mm}^2}{0,900 \text{ m}}$$

$$\lambda = \frac{4,5}{8} \times \frac{(10^{-3} \text{ m})^2}{2,0 \times 10^{-4} \text{ m}} = \frac{1}{16} \times \frac{10^{-6}}{10^{-4}} \text{ m}$$

$$\lambda = \frac{1}{16} \times 10^{-5} \text{ m}$$

$$\begin{array}{r} 100 \overline{) 16} \\ 040 \\ \underline{080} \\ 00 \end{array}$$

$$\lambda = 90625 \times 10^{-5} \text{ m}$$

$$\lambda = 625 \times 10^{-9} \text{ m}$$

$$\lambda = 625 \text{ nm}$$